УДК 624.012.45

# РАСЧЕТ ИЗГИБАЕМЫХ ЖЕЛЕЗОБЕТОННЫХ КОНСТРУКЦИЙ И ИХ ФРАГМЕНТОВ МЕТОДОМ СОСРЕДОТОЧЕННЫХ ДЕФОРМАЦИЙ

### Ш.С. Абдыкеева

Рассмотрены модели изгибаемых железобетонных конструкций и их фрагменты. Приведена расчетная модель системы, основанная на методе сосредоточенных деформаций.

*Ключевые слова:* железобетонные конструкции; изгибаемые конструкции; метод сосредоточенных деформаций; расчетная модель.

## CALCULATION OF BENT REINFORCED CONCRETE STRUCTURES AND THEIR FRAGMENTS BY THE METHOD OF CONCENTRATED DEFORMATIONS

### Sh.S. Abdykeeva

The article considers the bent reinforced concrete structures and their fragments. The target model of system based on the method of concentrated deformations is given.

Keywords: reinforced concrete structures; bent constructions; concentrated deformation method; design model.

Дискретные модели для изгибаемых железобетонных плит в форме жестких элементов (брусьев), соединенных упругими связями, сопротивляющихся изгибу и кручению, предлагались и ранее, например, в [1, 2].

Расчетная модель, основанная на методе сосредоточенных деформаций, отличается от известной своей общностью и универсальностью; она позволяет вести расчет конструкций, составленных из разнотипных элементов (имеющих различные размеры и физические характеристики); кроме того, элементы могут иметь реальные связи между собой, что характерно для железобетонных плитных конструкций (перекрытий, элементов каркаса многоэтажных зданий и т. д.) [3].

Рассмотрим вначале изгибаемую конструкцию постоянной толщины, изотропную в упругой стадии работы без реальных швов. Исходная изгибаемая железобетонная конструкция сплошного сечения развивается плоскостями сосредоточенных деформаций на прямоугольные (квадратные) элементы размером  $a_k \cdot s_k$  (рисунки 1–3).

Рассматривая элементы метода сосредоточенных деформаций как жесткие на изгиб, кручение и сдвиг (срез) из своей и в своей плоскости, введем между ними условные (фиктивные) связи, способные сопротивляться изгибу, кручению, сдвигу и сжатию-растяжению. Характеристики жесткости этих связей должны быть приняты такими, чтобы исходная конструкция и ее модуль сосредоточенных деформаций были эквивалентными. В этом случае при действии нагрузки обеспечиваются одинаковые прогибы, углы поворота, величины изгибающих и крутящих моментов и поперечных (перерезывающих) сил в интересующих нас сечениях.

Задачу о напряженно-деформированном состоянии изгибаемой конструкций будем решать на основе метода перемещений. Каждый элемент метода сосредоточенных деформаций закрепляется фиктивными связями, исключающими его поворот вокруг оси X, поворот вокруг оси Z и перемещение в направлении оси Y.

Аналогичные связи вводятся во всех других элементах метода сосредоточенных деформаций. На рисунках 2 и 4 показана схема внутренних сил по плоскостям сосредоточенных деформаций. Внешние силы сводятся к узловым, прикладываемым в местах фиктивных связей метода перемещений. Чаще всего эти внешние силы — поперечная нагрузка из плоскости конструкций, однако нагрузки могут быть приложены в виде изгибающих моментов, что не меняет последовательности расчета и его трудоемкости.

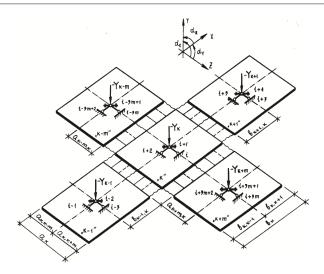


Рисунок 1 — Связи метода перемещений для плосконапряженного состояния изгибаемой железобетонной конструкции

Напряженно-деформированное состояние железобетонных конструкций раскрывается из системы алгебраических линейных уравнений метода перемещений в общей форме:

$$[R] \cdot \{v\} = \{P\},\tag{1}$$

где [R] – матрица внешней жесткости для всей рассчитываемой системы;  $\{\upsilon\}$  – вектор искомых перемещений, его элементы – перемещения элементов метода сосредоточенных деформаций (по два угловых и одному линейному для каждого);  $\{P\}$  – вектор нагрузок, его элементы – сосредоточенные силы и изгибающие моменты, действующие в узлах закрепления элементов метода сосредоточенных деформаций.

По перемещениям на основе общих зависимостей определяются внутренние силы:

$$\{F\} = [\dot{\Im}] \cdot \{\lambda\},\tag{2}$$

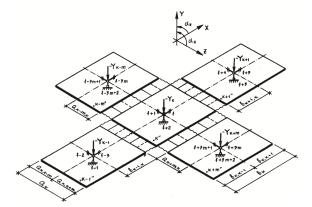


Рисунок 3 — Схема метода сосредоточенных деформаций изгибаемой пластины

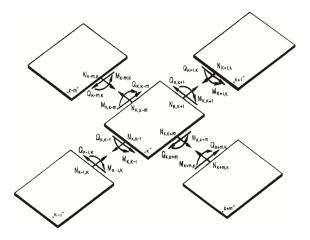


Рисунок 2 – Внутренние силы плосконапряженного состояния изгибаемой железобетонной конструкции

где  $\{F\}$  — вектор внутренних сил, элементами которого являются внутренние силы по плоскостям сосредоточенных деформаций;  $[\mathfrak{I}]$  — матрица внутренней жесткости системы, ее элементы — внутренние силы по плоскостям сосредоточенных деформаций от единичного взаимного смещения соседних элементов метода сосредоточенных деформаций;  $\{\lambda\}$  — вектор сосредоточенных деформаций (взаимных смещений и поворотов элементов метода сосредоточенных деформаций сосредоточенных деформаций).

Для всех сечений элементов метода сосредоточенных деформаций по плоскостям сосредоточенных деформаций принимается гипотеза плоских сечений.

Система алгебраических уравнений (1) решается относительно вектора перемещений  $\{\upsilon\}$ . Для этого должны быть известны матрица внеш-

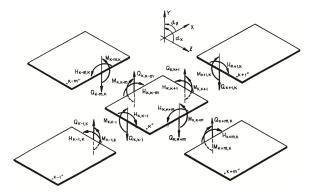


Рисунок 4 — Внутренние силы метода сосредоточенных деформаций изгибаемой пластины

ней жесткости [R] и вектор узловых нагрузок {P}. Имея расчетную модель, без особых затруднений можно составить вектор внешних сил {P}. Основная трудность заключается в формировании матрицы внешней жесткости системы [R]. Для ее построения можно применить способ единичных перемещений элементов метода сосредоточенных деформаций в направлении наложенных связей [4, 5]. Однако, как показала практика, удобнее воспользоваться формулой

$$[R] = [A] \cdot [K] \cdot [A]^{T}, \tag{3}$$

где [A] – матрица коэффициентов уравнений равновесия элементов метода сосредоточенных деформаций; [A]<sup>T</sup> – матрица, транспонированная с матрицей коэффициентов уравнений равновесия [A]; [K] – матрица внутренней жесткости сечений.

Согласно формуле (2) связь между внутренними усилиями по плоскостям сосредоточенных деформаций и соответствующими деформациями для типового конечного элемента метода сосредоточенных деформаций запишем в матричном виде (рисунки 2 и 4):

$$\{F\}_{k} = [\Im]_{k} \cdot \{\lambda\}_{k}, \tag{4}$$

где  $\{F\}_k$  – вектор внутренних сил по граням конечного элемента по плоскостям сосредоточенных деформаций;  $[\Im]_k$  – матрица жесткости сечений для конечного элемента по тем же граням;  $\{\lambda\}_k$  – вектор соответствующих деформаций.

Аналогичным образом сечение между к-м и (к-т)-м элементами запишется как связь между внутренними силами и соответствующими дефор-

мациями и будет сформирована матрица внешней жесткости всей плоскоизгибной системы.

### Литература

- 1. Александровский С.В. Зависимость деформаций ползучести стареющегося бетона от начального уровня напряжений / С.В. Александровский, В.В. Соломонов // Межотраслевые вопросы строительства Отечественный опыт. Вып. 6. М., 1972. С. 116–118.
- 2. Анг А.Г.С. Численный метод расчета неразрезных плит / А.Г.С. Анг, Н.М. Ньюмак // Расчет строительных конструкций с применением электронных машин / под ред. А.Ф. Смирнова. М.: Стройиздат, 1967. С. 13–18.
- Абдыкеева Ш.С. Некоторые вопросы сейсмостойкости несущих железобетонных конструкций зданий и сооружений / Ш.С. Абдыкеева // Вестник КРСУ. 2012. Т. 12. № 7. С. 35–39.
- 4. Зулпуев А.М. Пространственная работа сборных железобетонных плит перекрытий многоэтажных зданий и сооружений / А.М. Зулпуев, М.Т. Насиров, Ш.С. Абдыкеева. Бишкек: Айат, 2016. 130 с.
- Зулпуев А.М. Теоретические исследования предельного состояния фрагмента междуэтажного перекрытия на вертикальные нагрузки методом сосредоточенных деформаций / А.М. Зулпуев, Б.С. Ордобаев, Ш.С. Абдыкеева // Известия вузов. 2014. № 11. С. 18–21.